

1

كلية التقنية الالكترونية - طرابلس
الامتحان النهائي لمادة رياضة I للفصل الدراسي ربيع 2015 م

س 1-ا) إذا كانت

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & X \\ -3 & y & 4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & M \\ -1 & 0 \\ 2 & 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 & 10 \\ 15w & 9w \end{bmatrix}$$

فأوجد قيمة X, Y, M, W (6 درجات)

ب) أوجد قيمة X التي تجعل المحدد ينعدم

$$\begin{vmatrix} X-2 & 3 \\ 4 & X-1 \end{vmatrix}$$

(2 درجتين)

ج) إذا كانت

$$Y = \begin{bmatrix} X-Y & 37 & Y+Z \\ X & 0 & Y+T \\ 40 & 74 & T-Y \end{bmatrix}$$

فأوجد قيمة X, Y, Z, T التي تجعل المصفوفة ملتوية التماثل (6 درجات)

س 2-ا) أوجد حل كلا من:

1. $\frac{|5X+2|}{|5X-3|} < 1$ (3 درجات)

2. $X^3 + 2X^2 - 15X > 0$ (3 درجات)

ب) إذا كانت:

$$f(x) = \frac{x}{x+4}, \quad g(x) = \frac{3x}{x-5}, \quad w(x) = \frac{x+8}{x-12}, \quad m(x) = \frac{12x+3}{x^2-5x+6}$$

فأوجد:

$f \circ g(x), \quad g \circ f(x), \quad D_m, \quad w^{-1}(x)$ (كل فقرة 1.5 درجة)

يطلع استخدام الآلة الحاسبة

أجب عن جميع الأسئلة التالية

السؤال الأول

(1) أوجد فئة حل منظومة المعادلات الخطية الآتية:

$$x+2y+z=3 \quad , \quad x-y+z=6 \quad , \quad 2x+y-z=0$$

(2) باستخدام التعريف أوجد المشتقة الأولى للدالة $f(x) = 2x^2 - 3x$

(3) إذا علمت أن $1 + \omega + \omega^2 = 0$ ، $1 * \omega * \omega^2 = 1$ ، $\omega^2 - \omega = \pm j\sqrt{3}$ ، أثبت أن:

$$\omega \left[\frac{\omega+2}{\omega^2+1} + \omega^5 + \omega \right] = 2\omega^2$$

السؤال الثاني:

(1) إذا كانت: $A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1/2 & 0 \\ 0 & 1 & -3 \end{bmatrix}$ فاثبت أن: $(A^{-1})^T = (A^T)^{-1}$

(2) أوجد المشتقة الأولى للدوال الآتية:

i) $f(x) = \sin^2(e^{10x} - 1)$

ii) $f(x) = \ln|2x^3 + 5x + 4|$

(3) أوجد قيمتي x ، y إذا كان $x + jy = \frac{(\cos 10 + j \sin 10)^3 (\cos 70 - j \sin 70)^4}{(\sin 20 + j \cos 20)^5}$

السؤال الثالث:

(1) إذا كان: $C = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -2 & -3 \end{bmatrix}$ ، $B = \begin{bmatrix} -1 & 4 \\ 0 & 8 \end{bmatrix}$ ، $A = \begin{bmatrix} -3 & 2 \\ -6 & 0 \end{bmatrix}$

أوجد المصفوفة Y التي تحقق المعادلة $Y = 2A - 2C^{-1} + B$

(2) أوجد معادلة ميل المماس والمستقيم العمودي للمنحنى: $x^2 + xy^2 + y = 6x - 2$

(3) أوجد حتى الجذر الرابع للعدد المركب $-2 + j2\sqrt{3}$

السؤال الرابع:

(1) أوجد فئة حل المعادلة المحددية الآتية: $\begin{vmatrix} x & -1 \\ 4 & x-4 \end{vmatrix} = 0$

(2) إذا كانت $f(x) = 2x^3 + 3x^2 - 12x + 4$ فأوجد النقاط الحرجة ، فترات التغير ونقاط الانقلاب

(3) أوجد قيم x ، y التي تحقق: $\frac{1-j}{2+j} = \frac{1}{j(x+jy)}$

مع تمنياتنا للجميع بالتوفيق أساتذة المادة

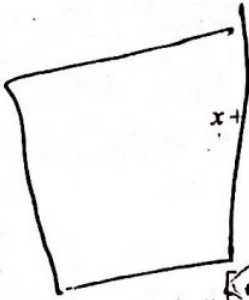
السؤال الأول

(1) أوجد فنة حل منظومة المعادلات الخطية الآتية:

$$\begin{cases} x+2y+z=3 \\ x-y+z=6 \\ 2x+y-z=0 \end{cases}$$

(2) باستخدام التعريف أوجد المشتقة الأولى للدالة $f(x) = 2x^2 - 3x$

(3) إذا علمت أن $1 + \omega + \omega^2 = 0$ ، $1 * \omega * \omega^2 = 1$ ، أثبت أن $\omega^2 - \omega = \pm j\sqrt{3}$



$$\omega \left[\frac{\omega+2}{\omega^2+1} + \omega^2 + \omega \right] = 2\omega^2$$

السؤال الثاني

$$\omega^3 \cdot \omega^2 = \omega^5$$

$$\omega \left[\frac{\omega+2}{-1} + \omega^2 + \omega \right]$$

A^t

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1/2 & 0 \\ 0 & 1 & -3 \end{bmatrix}$$

(1) إذا كانت:

~~$$\omega \left[\frac{\omega+2}{-1} + \omega^2 + \omega \right]$$~~

(2) أوجد المشتقة الأولى للدوال الآتية:

i) $f(x) = \sin^2(e^{10x} - 1)$

ii) $f(x) = \ln|2x^3 + 5x + 4|$

(3) أوجد قيمتي x ، y إذا كان $x + jy = \frac{(\cos 10 + j \sin 10)^2 (\cos 70 - j \sin 70)^4}{(\sin 20 + j \cos 20)^5}$

السؤال الثالث

(1) إذا كان: $A = \begin{bmatrix} -3 & 2 \\ -6 & 0 \end{bmatrix}$ ، $B = \begin{bmatrix} -1 & 4 \\ 0 & 8 \end{bmatrix}$ ، $C = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -2 & -3 \end{bmatrix}$

أوجد المصفوفة Y التي تحقق المعادلة $Y = 2A - 2C^{-1} + B$

(2) أوجد معادلة ميل المماس والمستقيم العمودي للمنحنى: $x^2 + xy^2 + y = 6x - 2$

(3) أوجد حتى الجذر الرابع للعدد المركب $-2 + j2\sqrt{3}$

السؤال الرابع

~~$$\frac{2}{x} + \frac{2}{x} - \frac{1}{x} = \frac{1}{x}$$~~

(1) أوجد فنة حل المعادلة المحددية الآتية: $x^2 - 4x + 4 = 0$

(2) إذا كانت $f(x) = 2x^3 + 3x^2 - 12x + 4$ فأوجد النقاط الحرجة ، فترات التغير ونقاط الانقلاب

~~$$(x+4)$$~~

(3) أوجد قيم x ، y التي تحقق: $\frac{1-j}{2+j} = \frac{1}{j(x+jy)}$

مع تمنياتنا للجميع بالتوفيق أساتذة المادة

$$x = -1$$

$$f(x) = \begin{cases} 3x-1 & ; x < 2 \\ 5 & ; x = 2 \\ 2x+1 & ; x > 2 \end{cases}$$

(4 درجات)

ج) ناقش استمرارية الدالة عند $x=2$

فأوجد قيمة X, Y, M, W (6 درجات)

$$\begin{bmatrix} 1 & M \\ -1 & 0 \\ 2 & 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 & 10 \\ 15w & 9w \end{bmatrix}$$

س 1- أ) إذا كانت $x=2$ مستمرة عند $x=2$ أوجد قيمة K التي تجعل الدالة $f(x)$ مستمرة عند $x=2$

$$f(x) = \begin{cases} x^3+2 & ; x > 2 \\ 3k-5 & ; x = 2 \\ 3x+4 & ; x < 2 \end{cases}$$

$$\begin{vmatrix} X-2 & 3 \\ 4 & X-1 \end{vmatrix}$$

ب) أوجد قيمة X التي تجعل المحدد ينعدم (كل فقرة 3 درجات)

1) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{x-1} - \sqrt{2x-3}}{x^2+x-6}$ (6 درجات)

2) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{15X+13Y}{X+1}$ (3 درجات) $\lim_{Y \rightarrow 3} \frac{Y+Z}{Y+3T}$ (3 درجات) $\lim_{T \rightarrow Y} \frac{3T^3 - 3x^2 - 18x}{T-Y}$ (3 درجات)

فأوجد قيمة T, Y, Z, X التي تجعل المصفوفة ملتوية التماثل (كل فقرة 1.5 درجة)

1) $f(x) = 9x^2 + 13$

2) $f(x) = \frac{3x^3+4x}{x^5+x}$

3) $f(x) = \frac{x^2+1}{x^3+x}$

س 2- أ) أوجد حل كلا من

1. $\frac{|5X+2|}{|5X-3|} < 1$ (3 درجات) (2.5 درجة)

س 4- أ) إذا كانت $y = \begin{vmatrix} 16 & 10 & 30 \\ -7 & 4 & 3 \\ 8 & 5 & 15 \end{vmatrix}$ فأوجد قيمة $|y|$

2. $X^3 + 2X^2 - 15X > 0$ (3 درجات)

ب) أوجد حل المعادلات الآتية: (9 درجات)

$2x - y + 3Z = -3$

$-x + 2y - 2Z = 8$

$f(x) = \frac{x}{3x+1}, g(x) = \frac{3x}{x-5}, w(x) = \frac{x+8}{x-12}, m(x) = \frac{12x+3}{x^2-5x+6}$

فأوجد:

$f \circ g(x), g \circ f(x), D_m, w^{-1}(x)$ (كل فقرة 1.5 درجة)

المركز العالي للمهن الإلكترونية / طرابلس

الإمتحان النهائي لمادة رياضة I

الفصل التدريبي ربيع 2008 / 2009

التاريخ: 2009 / 07 / 5 مسيحي

يمنع استخدام الآلة الحاسبة

الزمن: ساعتان

المطلوب الإجابة عن جميع الأسئلة التالية

السؤال الأول

(1) أوجد فئة حل منظومة المعادلات الخطية الآتية:

$$2x - 4y + 3z + 1 = 0, \quad x - 2y + z = 0, \quad x + 2y - 3z - 2 = 0$$

(2) باستخدام التعريف أوجد المشتقة الأولى للدالة $f(x) = \sqrt{4x+1}$

(3) إذا علمت أن $1 + \omega + \omega^2 = 0$ ، $1 * \omega * \omega^2 = 1$ ، $\omega^2 - \omega = \pm j\sqrt{3}$ ، أثبت أن:

$$\left[\frac{\omega^2 + \omega + 3}{\omega^2 + 3\omega + 1} - \frac{5\omega + 3}{3\omega^2 + 5} \right]^4 = 9$$

السؤال الثاني

(1) إذا كانت: $AB = \begin{bmatrix} 2 & 5 \\ 3 & 8 \end{bmatrix}$ ، $A^{-1} = \begin{bmatrix} -1 & -3 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$ ، فأوجد: B^T ، B^{-1}

(2) أوجد المشتقة الأولى للدوال الآتية:

i) $y = \left(\frac{t}{t+1} \right)^2$ ، $x = \frac{1}{t+1}$ ، ii) $xy = \tan^{-1} \left(\frac{y}{x} \right)$ ، iii) $y = x^x$

(3) أوجد قيمتي x ، y إذا كان $x + jy = \frac{(\sin 20 + j\cos 20)^3 (\cos 30 + j\sin 30)^6}{(\cos 40 - j\sin 40)^6}$

السؤال الاول :-

(1) اوجد مجموعة الحل التي تحقق للمتباينات التالية : $\frac{4x+5}{x+2} \geq 3$ و $|5x-3| < 2$ (5 لكل فقرة)

(2) إذا كانت $f(x) = \sqrt{2x+7}$ و $g(x) = \sqrt{2-3x}$ اوجد نطاق الدالة f/g ثم اوجد الدالة العكسية لها (6 درجات)

(3) أوجد النهايات التالية :- $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-5x^3 + 3x^2 - 2x - 4}{x(5x+1)(1-2x)}$, $\lim_{x \rightarrow \sqrt{3}} \frac{3-x^2}{\sqrt{3}-x}$ (5 لكل فقرة)

السؤال الثاني :-

(1) اوجد قيمة x, y, z التي تجعل المصفوفة A متماثلة $A = \begin{pmatrix} 1 & x^2 & y+1 \\ 9 & 3 & y+x^2 \\ z & 3 & 5 \end{pmatrix}$ (5 درجات)

(2) ناقش استمرارية الدالة الآتية عند $x=2$ $f(x) = \begin{cases} 3x-1 & ; x < 2 \\ 5 & ; x = 2 \\ 2x+2 & ; x > 2 \end{cases}$ (5 درجات)

بطريقة المصفوفات او طريقة كريمة اوجد حل المنظومة الخطية التالية :-

(6 درجات) $x+z=2$, $-2x+y=4$, $y+z=-1$

(لكل فقرة 6 درجات)

السؤال الثالث :-

(1) اوجد الجذور الثلاثة للعدد -8

(2) اوجد قيمة $(1-i\sqrt{3})^9$

(3) اثبت أن العددين Z_1, Z_2 مترافقان حيث $Z_1 = \frac{2i^8 - 4i^{11}}{1+i^5}$ و $Z_2 = \frac{7i^{12} + i}{2+i^{13}}$

(يمنع استعمال الآلة الحاسبة)

(1) أوجد المصفوفة A التي تحقق المعادلة $4\left\{A + \begin{bmatrix} 0 & -1 \\ -3 & 2 \end{bmatrix}\right\} = 2A + \begin{bmatrix} 4 & -3 \\ -9 & 14 \end{bmatrix}$ ومنها استنتج المصفوفة التي

تجعل $AB = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix}$

(2) باستخدام التعريف أوجد المشتقة الأولى للدالة $f(x) = \frac{1}{x-2}$

(3) باستخدام قاعدة لوبيتال أوجد نهاية كل من:

1) $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{2x-\pi}{\cos x}$

2) $\lim_{x \rightarrow \sqrt{3}} \frac{x^2-3}{\sqrt{3}-x}$

السؤال الثاني

(1) إذا كان $D^T = A^2 + (BC)^T$ حيث D^{-1} أوجد $C = \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$ ، $B = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$ ، $A = \begin{bmatrix} -1 & 2 \\ 0 & 3 \end{bmatrix}$

(2) باستخدام النظريات أوجد التفاضل للدوال التالية:

(i) $y = x^{\sin x}$ (ii) $y = 1 - 2 \cos t$ $x = 4 \sin t$ (iii) $y = \frac{\sqrt{x^2+1} \cdot (3x-1)}{\tan^2 x}$

(3) أوجد قيمة x, y إذا كان: $\frac{(\cos 10+j \sin 10)^3(\sin 70+j \cos 70)^4}{(\cos 80-j \sin 80)^2} = x + jy$

السؤال الثالث

(1) أوجد فئة حل منظومة المعادلات الخطية الآتية:

$$3x - 2y - z = 2$$

$$-4x + y - z = 1$$

$$2x + z = -1$$

السؤال الرابع

(1) أوجد فئة حل المعادلة المحددية الآتية: $\begin{vmatrix} x-2 & -2 \\ 2 & x-3 \end{vmatrix} = 0$

(2) إذا كانت $f(x) = \frac{1}{3}x^3 + 2x^2 - 5x + 6$ أوجد النقاط الحرجة وفترات التزايد والتناقص ونقاط الانقلاب.

(3) اثبت أن $\left(\frac{1}{1+2\omega} - \frac{2}{1+2\omega^2}\right)^2 = -\frac{4}{3}$

كلية التقنية الإلكترونية

الإمتحان الثاني في مادة الرياضيات (1) للفصل الدراسي ربيع للعام 2016/ 2017

الاسم :-

اجب عن جميع الاسئلة.

السؤال الأول :- اذا كان $Z_1 = -3 - 3i$ و $Z_2 = -2 + 2i$ حول كل من

العددين المركبين الى الصورة القطبية ثم اوجد $\frac{Z_1}{Z_2}$, $Z_1 Z_2$

السؤال الثاني :- اوجد الجذور الثلاثة للعدد 8-.

السؤال الثالث :- احسب القيمة التالية $(3 + 3i)^5$

السؤال الرابع :- ضع المقدار المركب التالي في ابسط صورة $Z = \frac{i^{12} + i^9}{2i^4 + i}$

السؤال الخامس :- حول العدد المركب التالي الى الصورة الأسية $Z = \frac{3+3i}{3-3i}$

السؤال الاول :-

(1) اوجد مجموعة الحل التي تحقق للمتباينات التالية : $\frac{4x+5}{x+2} \geq 3$ و $|5x - 3| < 2$ (5 لكل فقرة)

(2) إذا كانت $f(x) = \sqrt{2x+7}$ و $g(x) = \sqrt{2-3x}$ اوجد نطاق الدالة f/g ثم اوجد الدالة العكسية لها .
(6 درجات)

(3) أوجد النهايات التالية:- $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-5x^3 + 3x^2 - 2x - 4}{x(5x+1)(1-2x)}$, $\lim_{x \rightarrow \sqrt{3}} \frac{3-x^2}{\sqrt{3}-x}$ (5 لكل فقرة)

السؤال الثاني:-

(1) اوجد قيمة x, y, z التي تجعل المصفوفة A متماتلة $A = \begin{pmatrix} 1 & x^2 & y+1 \\ 9 & 3 & y+x^2 \\ z & 3 & 5 \end{pmatrix}$ (5 درجات)

(2) ناقش استمرارية الدالة الأتية عند $x=2$ $f(x) = \begin{cases} 3x-1 & ; x < 2 \\ 5 & ; x = 2 \\ 2x+2 & ; x > 2 \end{cases}$ (5 درجات)

بطريقة المصفوفات او طريقة كريمة اوجد حل المنظومة الخطية التالية:-

(6 درجات) $x + z = 2$, $-2x + y = 4$, $y + z = -1$

(لكل فقرة 6 درجات)

السؤال الثالث :-

(1) اوجد الجذور الثلاثة للعدد -8

(2) اوجد قيمة $(1 - i\sqrt{3})^9$

(3) اثبت أن العددين Z_1, Z_2 مترافقان حيث $Z_1 = \frac{2i^8 - 4i^{11}}{1+i^5}$ و $Z_2 = \frac{7i^{12} + i}{2+i^{13}}$

(يمنع استعمال الآلة الحاسبة)

1) أوجد المصفوفة A التي تحقق المعادلة $4\left\{A + \begin{bmatrix} 0 & -1 \\ -3 & 2 \end{bmatrix}\right\} = 2A + \begin{bmatrix} 4 & -3 \\ -9 & 14 \end{bmatrix}$ ومنها استنتج المصفوفة التي

تجعل $AB = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix}$

2) باستخدام التعريف أوجد المشتقة الأولى للدالة $f(x) = \frac{1}{x-2}$

3) باستخدام قاعدة لوبيتال أوجد نهاية كل من:

1) $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{2x-\pi}{\cos x}$

2) $\lim_{x \rightarrow \sqrt{3}} \frac{x^2-3}{\sqrt{3}-x}$

السؤال الثاني

1) إذا كان $D^T = A^2 + (BC)^T$ حيث D^{-1} أوجد $C = \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$ ، $B = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$ ، $A = \begin{bmatrix} -1 & 2 \\ 0 & 3 \end{bmatrix}$

2) باستخدام النظريات أوجد التفاضل للدوال التالية:

(i) $y = x \sin x$

(ii) $y = 1 - 2 \cos t$ $x = 4 \sin t$

(iii) $y = \frac{\sqrt{x^2+1} \cdot (3x-1)}{\tan^2 x}$

$\frac{(\cos 10 + j \sin 10)^3 (\sin 70 + j \cos 70)^4}{(\cos 80 - j \sin 80)^2} = x + jy$ إذا كان

3) أوجد قيمة x, y إذا كان

السؤال الثالث

1) أوجد فئة حل منظومة المعادلات الخطية الآتية:

$3x - 2y - z = 2$

$-4x + y - z = 1$

$2x + z = -1$

السؤال الرابع

1) أوجد فئة حل المعادلة المحددية الآتية:

$\begin{vmatrix} x-2 & -2 \\ 2 & x-3 \end{vmatrix} = 0$

2) إذا كانت $f(x) = \frac{1}{3}x^3 + 2x^2 - 5x + 6$ أوجد النقاط الحرجة وفترات التزايد والتناقص ونقاط الانقلاب.

$\left(\frac{1}{1+2\omega} - \frac{2}{1+2\omega^2}\right)^2 = -\frac{4}{3}$

3) اثبت أن

الجمهورية العربية الليبية الشعبية الاشتراكية العظمى

الامتحان النهائي لمادة (رياضة I) لفصل الخريف 2004 (تمهيدي)

الزمن ساعتان

التاريخ 2005/1/4

أجب عن جميع الأسئلة مع مراعاة النظام والدقة :

س1- أ / أوجد فئة حل منظومة المعادلات الآتية باستخدام المحددات :

$$3x + 2y - z = 4$$

$$x - y + 2z = -1$$

$$2x + 3y + 3z = -1$$

ب / إذا كانت

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 4 & 3 \end{bmatrix}$$

$$B = A^{-2} + A^t - I$$

فأوجد المصفوفة B حيث

س2 أ / إذا كانت

$$g(x) = 3x + 5$$

$$f(x) = \sqrt{9 - x^2}$$

أوجد نطاق ومدى g و f

g⁻¹(x) و gof

ب/ أوجد قيمة c التي تجعل الدالة متصلة عند x = 2

$$f(x) = \begin{cases} \frac{x^3 - 8}{x - 5} & x \neq 2 \\ \frac{a}{c} - 4 & x = 2 \end{cases}$$

$$x \neq 2$$

$$x = 2$$

س3 أ / أوجد نهاية

$$\lim_{x \rightarrow 0} x \sin \left(\frac{1}{x} \right)$$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^{-2} - \frac{1}{4}}{x - 2}$$

ب/ باستخدام المبادئ الأولية أوجد مشتقة الدالة

$$y = e^x + \ln(-x^2 + 3) + 5^{4x}$$

$$(y - x)^2 = x^3$$

س4 أ / أوجد معادلة ميل المماس عند النقطة (1, -2)

$$y + 3y - 4x = 5x + 1 \quad \text{حيث}$$

$$\begin{vmatrix} a & b & c \\ 1 & 1 & 1 \\ c+b & c+a & a+b \end{vmatrix} = 0$$

ب/ باستخدام خواص المحددات اثبت أن

ج/ بين الدالة (الزوجية - الفردية) للدوال التالية مع توضيح الخطوات

$$h(x) = x^2 - x + 5$$

$$g(x) = x^3 + x$$

السؤال الأول

(1) أوجد فئة حل منظومة المعادلات الخطية الآتية:

$$x+2y+z=3 \quad , \quad x-y+z=6 \quad , \quad 2x+y-z=0$$

(2) باستخدام التعريف أوجد المشتقة الأولى للدالة $f(x) = 2x^2 - 3x$

(3) إذا علمت أن $1 + \omega + \omega^2 = 0$ ، $1 * \omega * \omega^2 = 1$ ، $\omega^2 - \omega = \pm j\sqrt{3}$ ، اثبت ان:

$$\omega \left[\frac{\omega+2}{\omega^2+1} + \omega^5 + \omega \right] = 2\omega^2$$

السؤال الثاني:

(1) إذا كانت: $A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1/2 & 0 \\ 0 & 1 & -3 \end{bmatrix}$ فاثبت ان: $(A^{-1})^T = (A^T)^{-1}$

(2) أوجد المشتقة الأولى للدوال الآتية:

i) $f(x) = \sin^2(e^{10x} - 1)$

ii) $f(x) = \ln|2x^3 + 5x + 4|$

(3) أوجد قيمتي x ، y إذا كان $x + jy = \frac{(\cos 10 + j \sin 10)^3 (\cos 70 - j \sin 70)^4}{(\sin 20 + j \cos 20)^5}$

السؤال الثالث:

(1) إذا كان: $C = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -2 & -3 \end{bmatrix}$ ، $B = \begin{bmatrix} -1 & 4 \\ 0 & 8 \end{bmatrix}$ ، $A = \begin{bmatrix} -3 & 2 \\ -6 & 0 \end{bmatrix}$

أوجد المصفوفة Y التي تحقق المعادلة $Y = 2A - 2C^{-1} + B$

(2) أوجد معادلة ميل المماس والمستقيم العمودي للمنحنى: $x^2 + xy^2 + y = 6x - 2$

(3) أوجد حتى الجذر الرابع للعدد المركب $-2 + j2\sqrt{3}$

السؤال الرابع:

(1) أوجد فئة حل المعادلة المحددية الآتية: $\begin{vmatrix} x & -1 \\ 4 & x-4 \end{vmatrix} = 0$

(2) إذا كانت $f(x) = 2x^3 + 3x^2 - 12x + 4$ فأوجد النقاط الحرجة ، فترات التغير ونقاط الانقلاب

(3) أوجد قيم x ، y التي تحقق: $\frac{1-j}{2+j} = \frac{1}{j(x+jy)}$

مع تمنياتنا للجميع بالتوفيق أساتذة المادة

السؤال الأول:

يمنع استخدام الآلة الحاسبة

- (1) أوجد المصفوفة B إذا كانت $A = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 2 & -1 \end{bmatrix}$ و $(A+B)^t = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ -1 & 0 \end{bmatrix}$
- (2) باستخدام التعريف أوجد المشتقة الأولى للدالة $f(x) = \sqrt{x+3} - 2x$
- (3) باستخدام قاعدة لوبيتال أوجد نهاية كل من:

$$f(x) = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - e^{-x}}{\sin x} \quad f(x) = \lim_{x \rightarrow 0} \left[\frac{1}{e^x - 1} - \frac{1}{x} \right]$$

السؤال الثاني:

- (1) إذا كان $A = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$ ، $I = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$ ، $C = \begin{bmatrix} -2 & 0 \\ 1 & -2 \end{bmatrix}$ أوجد المصفوفة X حيث $AX + C - 2I = 0$

(2) باستخدام النظريات أوجد التفاضل للدوال التالية:

- (i) $y = e^{\tan^{-1} \sqrt{x}}$ (ii) $y = \frac{t}{t-1}$ ، $x = t - \sqrt{2}$ (iii) $y = \left(\frac{x}{2}\right)^x + \cos \pi$
- (3) أوجد قيمة x , y إذا كان $1 + j = \frac{1}{x+jy} + \frac{(1+j)^2}{1-j}$

السؤال الثالث:

(1) أوجد فنة حل منظومة المعادلات الخطية الآتية:

$$2x + y + z = 0$$

$$x + 3y + z = 2$$

$$3x - y + 2z = 2$$

السؤال الرابع:

(1) أوجد معادلة المماس عند النقطة (3,-1) للمنحنى $xy + y^2 - x^2 = 3$

(2) إذا كانت $f(x) = \frac{1}{3}x^3 - x^2 - 3x + 4$ أوجد النقاط الحرجة وفترات التزايد والتناقص ونقاط الانقلاب.

$$\left(\frac{3w^2+2w+7}{2w^2+7w+3} + \frac{5-8w}{8-5w^2} \right)^8 = 81 \quad (3) \text{ اثبت أن}$$

مع تمنياتنا للجميع بالتوفيق أساتذة المادة

أحمد

المركز العالي للمهن الإلكترونية - طرابلس
الامتحان النهائي لمادة رياضة ا (عام) للفصل الدراسي خريف 2009 م

الزمن / ساعتان
السؤال الأول

يمنع استخدام الآلة الحاسبة

(1) أوجد مجموعة الحل للمعادلات التالية

$$x + y + Z = 1$$

$$x - y + Z = -1$$

$$3x + 2y = 0$$

(i) $y = \frac{\sqrt{x+3}}{\tan^2 2x}$

(ii) $y = \frac{1-\sqrt{x}}{x}$ لكل من: $\frac{dy}{dx}$ أوجد

السؤال الثاني

(1) أوجد قيمة x, y إذا كان $x + iy = \frac{\left(\cos \frac{\pi}{4} + i \sin \frac{\pi}{4}\right) + (3 + 2i)}{1 - i}$

(2) أوجد المصفوفة B^{-1} التي تحقق المعادلة $(AB + C - 2I = 0)$ $A = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$ ، $C = \begin{bmatrix} -2 & 0 \\ 1 & -2 \end{bmatrix}$

السؤال الثالث

- (1) أوجد معادلة المماس للمنحنى $x^2 + y^2 - 4x + 6y = 24$ عند النقطة $(1, 3)$
(2) أوجد فترات التزايد والتناقص والنهايات العظمى والصغرى ونقاط الانقلاب للدالة التالية:

$$f(x) = \frac{1}{3}x^3 - \frac{1}{2}x^2 - 6x + 8$$

السؤال الرابع

(1) باستخدام قاعدة لوبيتال أوجد النهايات التالية:

(i) $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} (\tan x - \sec x)$

(ii) $\lim_{x \rightarrow \infty} y \sin \frac{1}{y}$

(2) أثبت أن $\frac{2+\omega}{1+3\omega} + \frac{2+\omega^2}{1+3\omega^2} = \frac{3}{7}$

مع تمنياتنا للجميع بالتوفيق أساتذة المادة

كلية التقنية الالكترونية / طرابلس

الامتحان النهائي لمادة رياضة I

الزمن / ساعتان

التاريخ: 2012 /02/21

المطلوب الاجابة عن جميع الاسئلة التالية

السؤال الأول

(1) أوجد مجموعة الحل للمتباينات التالية ووضح فئة الحل على خط الأعداد

(i) $-3 < 2x - 1 < 7$

(ii) $|x - 4| \leq 2$

(iii) $x^2 \leq 2x$

(2) أوجد حتى الجذر الرابع للعدد المركب $\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$

السؤال الثاني

أوجد x, y $A = \begin{bmatrix} x & 1 \\ 5 & 2 \end{bmatrix}$

إذا كانت $A^{-1} = \begin{bmatrix} 2 & y \\ -5 & 3 \end{bmatrix}$

(2) أحسب النهايات التالية :

(i) $\lim_{x \rightarrow 0} \left[\frac{\sin 4x}{2x} + \frac{\tan 3x}{x} \right]$

(ii) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2 - 8}{\sqrt{x^4 + 1}}$

(iii) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 - 4}{3 - \sqrt{x^2 + 5}}$

السؤال الثالث

أوجد $g(x) = \sqrt{x+2}$

إذا كانت $f(x) = \frac{x+2}{x-1}$

(1) إذا كانت

(i) $D_{f/g}$

(ii) $D_{g/f}$

(iii) $g^{-1}(x)$

$x + iy = \frac{(\cos 30 + i \sin 30)^2 (\sin 80 + i \cos 80)^4}{(\cos 60 - i \sin 60)^3}$

(2) أوجد قيمة x, y

السؤال الرابع

$\left(\frac{1+i}{1-i} \right)^2 + \frac{1}{x+iy} = 1+i$

(1) أوجد قيمة x, y الحقيقية إذا كان

$2x + 3y - z = -2$

$x - y + 2z = 4$

$x + 2y + z = 0$

(2) أوجد فئة حل المعادلات الخطية الآتية

مع تمنياتنا للجميع بالتوفيق أستاذ المادة

ملاحظة: يمنع استخدام الآلة الحاسبة والهاتف النقال
اجب عن جميع الاسئلة التالية:

(Q₁) اذا كانت $U = \mathbb{R}$, $B = (-1, 3]$, $A = \{x : |x| \leq 2\}$, حيث U المجموعة الشاملة
اوجد كل من $A \cap B$, $A \setminus B$

(ii) حل المتباينات الآتية
i) $|2x - 5| < 3$ (8 درجات)

(Q₂) اذا كانت $f(x) = 2x^2 - 4x$, $g(x) = \sqrt{x-1}$, $h(x) = \text{sgn}(x)$

اوجد كل من (i) R_f , D_{f+g} , $f \circ g(x)$, R_h , $g^{-1}(x)$

(ii) ارسم الدالة $h(x)$

(iii) بين ما اذا كانت الدالة $g(x)$ دالة فردية ام زوجية ام غير ذلك. (14 درجة)

(Q₃) (i) احسب قيمة النهايات الآتية: (ان وجدت)

i) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^5 - 32}{x^3 - 8}$

ii) $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 - 9}{|x - 3|}$

iii) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 4x}{2x}$

(ii) اختبر اتصال (استمرارية) الدالة عند النقطة $x=4$

(10 درجات) $f(x) = \begin{cases} 4 - x & x > 4 \\ 2 - \sqrt{x} & x = 4 \\ 2\sqrt{x} & x < 4 \end{cases}$

(Q₄) (i) اوجد قيمة $(1 + \sqrt{3}j)^9$

(ii) اوجد الجذور التكعيبيه للواحد الصحيح ثم احسب قيمة المقدار $(\omega^8 + \omega^4 + 1)^5$

(iii) ضع المقدار المركب الآتي في ابسط صورة $Z = \frac{j^{12} + j^9}{2j^4 + j}$ (12 درجة)

انظر خلف الورقة

ماجستير محمد العربي

كلية التقنية الإلكترونية

2012 - 2013

رياضة I

حل أسئلة امتحان الرياضيات

① $4x+2 \leq -10$

② $2x-5 < x-3$

③ $\frac{2x+2}{3} < 4x-1$

④ $2x+2 \leq \frac{x}{5}+1$

⑤ $-10 \leq 3x-8 \leq 8$

⑥ $-1 < \frac{3-7x}{4} \leq 6$

⑦ $4x+1 \leq x+1 < 2x-4$

⑧ $x+2 \leq 2x+1 \leq 4x+2$

⑨ $x^2 \leq 5$

⑩ $8 < x^2-1 < 3$

⑪ $x^3-25x \geq 0$

⑫ $x^4-25x^2 \geq 0$

⑬ $0 < x^2-x \leq 2x$

⑭ $x^4-x \leq 0$

⑮ $-4 \leq x^3-5 \leq 22$

⑯ $-3 \leq x^3-5 \leq 4$

⑰ $3x-x^2+4 > 0$

⑱ $6x^2+7x+2 \geq 0$

⑲ $x^2-2x+1 \leq 0$

السؤال الاول

حل المتباينات الآتية

I) $2x + 57/4$, II) $|x| > 2$ $x^2 - 9 < 0$

1.2 وضع - با إذا كانت الدوال الآتية زوجية أو فردية أو غير ذلك

I) $f(x) = x^2 + 2$, II) $f(x) = x^3 + x$, III) $f(x) = x^2 + 2x$

1.3 إذا كان $f(x) = x^2$, $g(x) = x$ اوجد $f \circ g$, $f \cdot g$, f/g , g/f ثم اوجد النظام f و g

1.4 اوجد النظام والمدى والدوم للدوال الآتية

I) $f(x) = x^2 + x - 1$, II) $f(x) = \sqrt{x-4}$
III) $\frac{x}{x-1}$

1.5 اوجد الدالة العكسية للدالة الآتية $f(x) = 2x + 3$

السؤال الثاني

2.1 اوجد فته الحل للمتباينات الآتية

I) $x^2 - 7x + 10 > 0$ II) $|\frac{x+4}{x}| > 3$ III) $\frac{3}{x+1} > \frac{2}{x-2}$

2.2 بين ان الدوال الآتية دالة فردية أو دالة زوجية أو غير ذلك

I) $f(x) = \frac{x \cos x}{x^2 + 1}$, II) $f(x) = \sqrt{x} \sin x$

$$\frac{x}{9-x} \leq \frac{1}{x-1}$$

$$f(x) = \frac{3x+1}{x^3-27}$$

أوجد حل المتباينة الآتية
أوجد نظام الدالة الآتية

ناقش أستمارية الدالة الآتية عند $x=2$

$$f(x) = \begin{cases} 3x-1 & , x < 2 \\ 5 & , x = 2 \\ 2x+1 & , x > 2 \end{cases}$$

ب- إذا كانت

$$f(x) = \sqrt{5x+3x+30}$$

فاوجد $f'(x)$

ن.م- أوجد قيمة السرعة الآتية

$$\textcircled{1} \lim_{x \rightarrow 2} f(x) = \begin{cases} 2x+1 & , x \geq 2 \\ 5x-5 & , x < 2 \end{cases}$$

ب- أوجد حل المتباينة الآتية

$$\textcircled{2} \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{\tan 3x}$$

$$x^3 - 25x \geq 0$$

ن.م- أوجد قيمة K التي تجعل الدالة f متمرة عند $x=1$

$$f(x) = \begin{cases} x+K-1 & , x \leq 1 \\ K^2x^2-2K & , x > 1 \end{cases}$$

ب- إذا كانت

$$f \circ g(x) \text{ فاوجد } g(x) = x^2 - 8x \text{ , } f(x) = \sqrt{x+10}$$

$g \circ f(x)$, $f(x) + g(x)$

مع تيسر لكم بالتوفيق والنجاح

أوجد حل المتباينات الآتية

(1) $3x - 3 \leq 3$

(2) $2x - 4 \leq 2 - x$

(3) $-5 \leq 2x - 1 \leq 5$

(4) $2x^2 - 18 \geq 0$

(5) $3x - 1 \geq 2x + 4$

(6) $8x - 10 < 5x + 3$

(7) $x^2 + 4x - 5 \geq 0$

(8) $2 < \frac{4x+1}{3} \leq 10$

(9) $x^2 - 3x \geq -2$

(10) $-x^2 + 5x \geq 6$

(11) $3x - 4 < x + 8 < 5x + 16$

(12) $x^2 - 5x - 24 > 0$

(13) $|4x - 10| < 6$

(14) $|4x - 10| \geq 6$

(15) $x^2 - 5x \geq -6$

(16) $\frac{x+1}{x-2} \geq 0$

(17) $\frac{4x-1}{2+x} \leq 0$

(18) $\sqrt{5-x} - (x+1) \leq 0$

(19) $|x+3| + |x-2| \leq 6$

(20) $|x-1| \leq |x+1|$

(21) $\frac{3x+1}{x-2} \geq 3$

(17)

$$(17) f(x) = \begin{cases} x-1 & , x < 1 \\ 3 & , x = 1 \\ 2x-2 & , x > 1 \end{cases} \quad , x = 1$$

$$(18) f(x) = \begin{cases} 1-x & , x < -1 \\ 1 & , x = -1 \\ x^2 & , x > -1 \end{cases} \quad , x = -1$$

$$(19) f(x) = \begin{cases} \frac{x^2-x}{x} & , x \neq 0 \\ 1 & , x = 0 \end{cases} \quad , x = 2$$

$$(20) f(x) = |x-2| \quad , x = 2$$

اختر احدى دالة K التي تجعل الدالة f مستمرة عند $x = 2$

$$f(x) = \begin{cases} 3x+4 & , x < 2 \\ 3x-5 & , x = 2 \\ x^2+2 & , x > 2 \end{cases} \quad , x = 2$$

$$\textcircled{1} \lim_{x \rightarrow -5} \frac{x+5}{\frac{1}{x} + \frac{1}{5}}$$

$$\textcircled{2} \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(x+1)^3 - 1}{x}$$

$$\textcircled{3} \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 7x + 10}{x^6 - 64}$$

$$\textcircled{4} \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{x+9} - 3}{x}$$

$$\textcircled{5} \lim_{x \rightarrow 1} \frac{1 - \sqrt{2-x}}{1-x}$$

$$\textcircled{6} \lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{x-2} - 1}{2 - \sqrt{x+1}}$$

$$\textcircled{7} \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{5x^3 - 3x^2 + 1}{2 - 7x^3}$$

$$\textcircled{8} \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^3 - x^2 + 2}{1 - x^4}$$

$$\textcircled{9} \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{x^2 + 1}}{2x + 3}$$

$$\textcircled{10} \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{(x-3)(x-1)}{(x+2)(x-2)}$$